

Two strings:我们先求出 A 串和 B 串的最终串, 并把它们连接在一起 (中间添加分隔符), 接着用后缀数组求出各后缀之间的顺序, 并求出 height 数组。对于当前 B 串, 我们发现与当前 B 串匹配等同于与当前 B 串对应后缀最长公共前缀长度 \geq 当前 B 串长度, 而根据后缀数组性质, 所有与匹配的后缀在后缀数组中必然是连续的区间, 我们用倍增 height 数组可以很容易求出。如果说一个 A 串后缀已经存在的前缀部分长度 \geq 当前 B 串长度, 那么我们称该后缀可能匹配, 我们的答案就是之前所求区间内可能匹配的 A 串后缀个数。而我们又发现无论哪个操作至多改变一个后缀是否匹配, 我们用树状数组维护 A 串后缀是否可能匹配即可。

Points:首先这是一个平面图, 我们可以知道平面图域的个数是 $O(n)$ 的, 而我们域的“左下角”的点必然是域的某个顶点, 同时用皮克定理可以方便地求出域内部整点个数。具体操作如下: 我们先将每条边拆成两条有向边, 对于每个点, 将从它出发的所有边按对应的与 x 轴正方向的夹角排序, 从每条未确定的边出发, 开始遍历, 确定每个域包含的边的情况, 再用叉积求出域包含的面积 (无限域面积为负), 然后计算出边界上的所有整点, 用皮克定理计算出其内部包含的点的个数, 然后简单维护一下即可求出询问的答案。

皮克定理是一个计算点阵中顶点在格点上的多边形的面积公式, 公式如下: $s = a + b / 2 - 1$, 其中 a 表示多边形内部的点数, b 表示多边形边界上的点数, s 表示多边形的面积。

Circles: 首先可以用枚举的方法轻松求出哪些圆可以在 $k-1$ 步内到, 我们发现将这些圆求圆并后再与 1 号点对应的大圆求交集就是直观上的答案, 再思考后发现答案 = 大圆面积 - (大圆和 $k-1$ 步可达的圆的并 - $k-1$ 步可达的圆的并), 我们可以使用圆并算法或者辛普森算法解决。

我们可以使用 Simpson 算法用积分方便地求出二维坐标系下一些图形的面积: 设 $f(k)$ 表示图形在直线 $x=k$ 上覆盖的长度, 对于一段区间 $[1, r]$ 若图形在 x 等于该区间内的任意数值时均有覆盖, 那么可以将该区间一起计算, 设 $s(1, r)$ 表示图形在区间 $x \in [1, r]$ 内的面积, $d = (1+r)/2$, 当 $|s(1, d) + s(d, r) - s(1, r)| \leq \text{eps}$ (精度) 时即可近似的将 $[1, r]$ 区间内的面积当成 $s(1, r)$, 其中 $s(1, r) = (r-1) * (f(1) + f(r) + 4 * f(d)) / 6$ 。